

# WYZNACZANIE ZREDUKOWANEGO MOMENTU BEZWŁADNOŚCI UKŁADU MECHANICZNEGO I MASOWYCH MOMENTÓW BEZWŁADNOŚCI TARCZ KOŁOWYCH

Mechanika Techniczna – Ćwiczenie 3 \*

## 1 Cel ćwiczenia

Celem ćwiczenia jest doświadczalne wyznaczenie zredukowanego momentu bezwładności ruchomych elementów wciągarki oraz doświadczalne określenie momentów bezwładności kołowych tarcz.

## 2 Wprowadzenie

W obliczeniach dynamiki maszyn analizując ruch ciała sztywnego należy znać rozkład mas w ciele. Rozkład masy określa się za pomocą wielkości charakterystycznych dla danego ciała takich jak: położenie środka masy, momenty bezwładności, momenty dewiacyjne.

Równania ruchu złożonego układu mechanicznego tworzone są najczęściej metodą Newtona-Eulera. Polega ona na podziale układu na podukłady i napisaniu równań ruchu dla każdego podukładu. Dodatkowe równania wynikają z zależności kinematycznych. Otrzymana w ten sposób liczba równań jest zazwyczaj znacznie większa niż liczba stopni swobody rozpatrywanego układu.

Proces zmniejszania liczby równań, poprzez rugowanie kolejnych niewiadomych przyspieszeń, nazywa się redukcją układu. Redukcję można prowadzić aż do otrzymania takiej liczby równań ruchu, jaka jest liczba stopni swobody układu (minimalna liczba równań opisujących ruch układu mechanicznego jest równa liczbie stopni swobody układu). Współczynniki występujące przy przyspieszeniach w równaniach ruchu (po przeprowadzeniu redukcji) nazywa się masami zredukowanymi i zredukowanymi momentami bezwładności. Masa zredukowana ( $m_{i \text{ red}}$ ) jest współczynnikiem, który jest mnożony przez przyspieszenie ( $p_i$ ), a zredukowany moment bezwładności ( $J_{k \text{ red}}$ ) występuje przy przyspieszeniu kątowym ( $\varepsilon_k$ ).

Układ o 1 stopniu swobody można zredukować do jednego równania, w którym wystąpi tylko jedno przyspieszenie ( $p$ ) i masa zredukowana lub przyspieszenie kątowe ( $\varepsilon$ ) i zredukowany moment bezwładności. Stanowiskiem badawczym do eksperymentalnego określenia zredukowanego momentu bezwładności oraz momentów bezwładności wybranych ciał jest model wciągarki o jednym stopniu swobody.

Bilans energii kinetycznej ruchomych elementów wciągarki i analiza kinematyczna układu, pozwala na określenie zredukowanego momentu bezwładności ruchomych elementów do osi obrotu jednego z ciał. Wykorzystuje się go również do wyznaczenia momentów bezwładności tarcz kołowych. Określone doświadczalnie wartości momentów bezwładności tarcz porównywane są z wartościami obliczonymi teoretycznie.

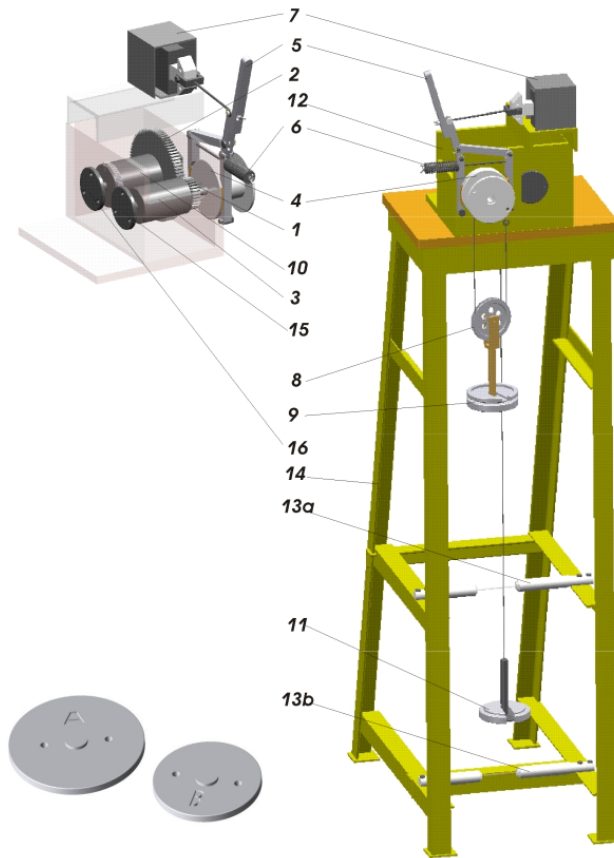
## 3 Opis stanowiska badawczego

### 3.1 Budowa modelu wciągarki

Ogólny widok modelu wciągarki jest przedstawiony na rys. 1. W metalowej obudowie wciągarki (12) umieszczono dwa wałki oznaczone jako I i II. Na wałku I (15) osadzone jest małe koło zębate (1), stalowy walec (3) i koło hamulca (4). Do czoła koła hamulcowego mocowane są tarcze kołowe A i B o masach  $m_A$  i  $m_B$ , których momenty bezwładności mają być wyznaczone doświadczalnie. Tarcze przedstawiono na dole po lewej rys. 1. Na koło hamulca nawinięta jest linka opasująca ruchomy krążek (8) z obciążnikiem (9) o masie  $m_1$ . Na wałku II (16) osadzone jest duże koło zębate (2) i rowkowany bęben (10), na który nawinięta jest linka obciążona ciałem (11) o masie  $m_2$ .

---

\*Autor – M. Kazimierska-Grębosz, w: K. Januszkiewicz, J. Grabski: ĆWICZENIA LABORATORYJNE Z MECHANIKI, Łódź 2008



Rysunek 1: Stanowisko badawcze – model wciągarki oraz tarcza A i tarcza B: 1 – koło zębate małe, 2 – koło zębate duże, 3 – wałek, 4 – koło hamulca, 5 – dźwignia hamulca szczękowego, 6 – sprężyna hamulca, 7 – luzownik elektromagnetyczny, 8 – ruchomy krążek, 9 – obciążnik o masie  $m_1$ , 10 – bęben linowy, 11 – obciążnik o masie  $m_2$ , 12 – obudowa wciągarki, 13 – czujniki optyczne: a) górny, b) dolny, 14 – stojak, 15 – wałek I, 16 – wałek II

### 3.2 Opis ruchu elementów modelu i zasada pomiarów

Ciało o masie  $m_1$  poruszając się w dół przebywa drogę  $s_1$ , a ciało o masie  $m_2$  w tym samym czasie przebywa w górę drogę  $s_2$ . Wciągarka umieszczona została na stojaku (14), do którego przymocowano dwa czujniki optyczne (13). Odległość między czujnikami stanowi drogę  $s_2$ . Ciało o masie  $m_2$  przechodząc pomiędzy czujnikami dolnymi i górnymi zasłania strumień świetlny i tym samym wytwarza impulsy przekazywane przez fototranzystory na układ wyzwalający, który steruje luzownikiem elektromagnetycznym hamulca szczękowego i miernikiem czasu. Na mierniku jest odczytywany czas, w jakim ciało o masie  $m_2$  przebywa tę drogę. Sygnał z górnego czujnika zwalnia luzownik elektromagnetyczny (7) hamulca szczękowego (5) zatrzymującego cały układ. Przycisk START znajdujący się na stanowisku badawczym służy do zwalniania hamulca poprzez luzownik.

## 4 Podstawowe zależności teoretyczne

### 4.1 Pojęcie zredukowanego momentu bezwładności

Zredukowanym momentem bezwładności układu mechanicznego o jednym stopniu swobody do członu napędowego (poruszającego się z prędkością kątową  $\omega$  w określonej chwili  $t$ ), nazywa się moment bezwładności takiego fikcyjnego ciała, które posiadałoby energię kinetyczną równą sumie energii kinetycznych wszystkich elementów układu w tej samej chwili  $t$ . Wykorzystanie pojęcia momentu zredukowanego ( $J_{red}$ ) pozwala na przedstawienie energii kinetycznej układu o jednym stopniu swobody jako

$$E = \frac{1}{2} J_{red} \omega^2 \quad (1)$$

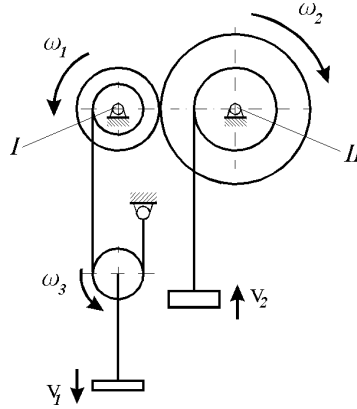
oraz dynamicznego równania ruchu układu w postaci

$$J_{red} \varepsilon_1 = M_{red}, \quad (2)$$

gdzie:  $J_{red}$  – zredukowany moment bezwładności,  $\omega_1$  – prędkość członu napędowego,  $\varepsilon_1$  – przyspieszenie członu napędowego,  $M_{red}$  – zredukowany moment napędowy.

## 4.2 Wyznaczenie zredukowanego momentu bezwładności układu na podstawie energii kinetycznej

Przeprowadźmy redukcję momentu bezwładności mechanizmu wciągarki do osi obrotu wałka I (rys. 2).

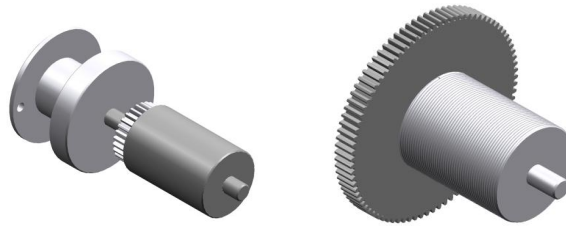


Rysunek 2: Schemat kinematyczny modelu wciągarki

Przyjmijmy, że wałek I posiada w chwili  $t$  prędkość kątową  $\omega_1$ . Energia kinetyczna mechanizmu wciągarki jest sumą energii wszystkich poruszających się ciał. Energia kinetyczna ciał osadzonych na wale I (rys. 3) wynosi

$$E_1 = \frac{1}{2}(J_1 + J_2 + J_3 + J_4)\omega_1^2, \quad (3)$$

gdzie:  $J_1$  – moment bezwładności koła zębatego (1),  $J_2$  – moment bezwładności walca (3),  $J_3$  – moment bezwładności koła hamulca (4),  $J_4$  – moment bezwładności wałka I (15), (wszystkie momenty bezwładności wyznaczone są względem osi I).



Rysunek 3: Wałki wciągarki wraz z osadzonymi na nich elementami: I (po lewej), II (po prawej)

Energia kinetyczna ciał osadzonych na wale II (rys. 3) wynosi

$$E_2 = \frac{1}{2}(J_5 + J_6 + J_7)\omega_2^2, \quad (4)$$

gdzie:  $\omega_2$  – prędkość kątowa wałka II,  $J_5$  – moment bezwładności koła zębatego (2),  $J_6$  – moment bezwładności bębna linowego (10),  $J_7$  – moment bezwładności wałka II (16), (wszystkie momenty bezwładności wyznaczone są względem osi II). Między prędkościami kątowymi  $\omega_1$  i  $\omega_2$  istnieje następująca zależność

$$\omega_2 = \omega_1 \frac{z_1}{z_2}, \quad (5)$$

gdzie  $z_1$  i  $z_2$  – liczba zębów odpowiednich kół zębatach (1) i (2). Po podstawieniu tej zależności do (3) otrzymuje się

$$E_2 = \frac{1}{2}\omega_1^2 \left(\frac{z_1}{z_2}\right)^2 (J_5 + J_6 + J_7). \quad (6)$$

Energia kinetyczna ciała o masie  $m_2$  i talerzyka o masie  $m_{t2}$  wynosi:

$$E_3 = \frac{1}{2}m_2v_2^2 + \frac{1}{2}m_{t2}v_2^2, \quad (7)$$

gdzie  $v_2$  – prędkość ciała o masie  $m_2$ , przy czym

$$v_2 = \omega_2 r_b = \omega_1 \frac{z_1}{z_2} r_b, \quad (8)$$

w którym  $r_b$  – promień bębna linowego. Zatem

$$E_3 = \frac{1}{2}\omega_1^2 \left(\frac{z_1}{z_2}\right)^2 r_b^2 (m_2 + m_{t2}). \quad (9)$$

Energia kinetyczna krążka ruchomego (8), ciała o masie  $m_1$  i talerzyka o masie  $m_{t1}$  wynosi

$$E_4 = \frac{1}{2}m_{kr}v_{kr}^2 + \frac{1}{2}J_8\omega_3^2 + \frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_{t1}v_1^2, \quad (10)$$

gdzie:  $v_{kr}$  – prędkość środka masy krążka ruchomego,  $\omega_3$  – prędkość kątowna krążka ruchomego,  $m_{kr}$  – masa krążka ruchomego. Prędkość kątowna krążka ruchomego i prędkość środka masy tego krążka określają zależności:

$$\omega_3 = \frac{\omega_1 r_3}{2r_{kr}}, \quad v_1 = \omega_3 r_{kr} = \frac{\omega_1 r_3}{2}, \quad (11)$$

w których:  $r_3$  – promień koła hamulca,  $r_{kr}$  – promień krążka ruchomego. Po uwzględnieniu powyższych zależności w (8) otrzymuje się

$$E_4 = \frac{1}{8}\omega_1^2 r_3^2 \left( \frac{m_{kr}}{r_{kr}^2} + \frac{m_1 + m_{t1}}{r_3^2} \right). \quad (12)$$

Energia kinetyczna wciągarki ( $E_1 + E_2 + E_3 + E_4$ ) w funkcji  $\omega_1$  wyraża się więc następująco:

$$E = \frac{1}{2}\omega_1^2 \left[ J_1 + J_2 + J_3 + J_4 + \left( \frac{z_1}{z_2} \right)^2 (J_5 + J_6 + J_7) + \left( \frac{z_1}{z_2} \right)^2 r_b^2 (m_2 + m_{t2}) + \frac{1}{4}r_3^2 \left( \frac{m_{kr}}{r_{kr}^2} + \frac{m_1 + m_{t1}}{r_3^2} \right) \right]. \quad (13)$$

Aby energia kinetyczna fikcyjnego ciała, umieszczonego na osi wałka I była równa energii rzeczywistego układu opisanego wzorem (10), wartość momentu bezwładności ciała powinna być równa:

$$J_{red} = J_1 + J_2 + J_3 + J_4 + \left( \frac{z_1}{z_2} \right)^2 (J_5 + J_6 + J_7) + \left( \frac{z_1}{z_2} \right)^2 r_b^2 (m_2 + m_{t2}) + \frac{1}{4}r_3^2 \left( \frac{m_{kr}}{r_{kr}^2} + \frac{m_1 + m_{t1}}{r_3^2} \right). \quad (14)$$

Wzór (11) określa zredukowany moment bezwładności (do wałka I) ruchomych elementów wciągarki.

### 4.3 Wyznaczenie zredukowanego momentu bezwładności wciągarki

W celu doświadczalnego określenia zredukowanego momentu bezwładności  $J_{red}$  ruchomych elementów wciągarki, posłużymy się zależnością (1)

$$J_{red}\varepsilon = M_{red}. \quad (15)$$

Dla modelu wciągarki  $M_{red}$  jest momentem sił zewnętrznych, zredukowanych do osi wałka I oznaczonym jako  $M_I$ , zaś  $\varepsilon$  przyspieszeniem kątowym wałka I oznaczonym jako  $\varepsilon_1$ , zatem

$$J_{red}\varepsilon_1 = M_I. \quad (16)$$

Moment sił zewnętrznych jest równy sumie algebraicznej: momentów sił ciężkości ciał o masach  $m_1$  i  $m_2$  wraz z talerzykami o masach  $m_{t1}$  i  $m_{t2}$ , momentowi siły ciężkości krążka ruchomego o masie  $m_{kr}$  oraz momentowi oporów mechanizmu

$$M_I = \frac{(m_1 + m_{t1} + m_{kr})gr_3}{2} \frac{z_1}{z_2} - (m_2 + m_{t2})gr_b - M_t, \quad (17)$$

gdzie:  $M_t$  – moment oporów mechanizmu, który jest wyznaczany doświadczalnie, w sposób omówiony w punkcie 3.5.1,  $g$  – przyspieszenie ziemskie.

Celem wyznaczenia przyspieszenia  $\varepsilon_1$  w doświadczeniu mierzony jest czas  $t_2$ , w jakim ciało o masie  $m_2$  przebywa drogę  $s_2$ . Przy założeniu ruchu jednostajnie przyspieszonego bez prędkości początkowej istnieją wobec tego następujące zależności

$$s_2 = \frac{1}{2}p_2 t_2^2 = \frac{1}{2}\varepsilon_2 r_b^2 t_2^2 = \frac{1}{2}\varepsilon_1 r_b \frac{z_1}{z_2} t_2^2, \quad (18)$$

gdzie:  $p_2$  – przyspieszenie ciała o masie  $m_2$ ,  $\varepsilon_2$  – przyspieszenie kątowne wałka II, a stąd:

$$\varepsilon_1 = \frac{2s_2 z_2}{r_b z_1 t_2^2}. \quad (3.14) \quad (19)$$

Wykorzystując wzory (13) i (14) w zależności (12) otrzymuje się

$$J_{red} = \frac{(m_1 + m_{t1} + m_{kr})gr_3}{2} \frac{z_1}{z_2} - (m_2 + m_{t2})gr_b - M_t \frac{z_1}{z_2} \frac{t_2^2}{2s_2}. \quad (3.15) \quad (20)$$

Zredukowany do osi wałka I moment bezwładności  $J_{red}$  poruszających się ciał można zatem wyznaczyć doświadczalnie mierząc czas  $t_2$  dla różnych wartości masy  $m_1$  i ustalonej wartości masy  $m_2$ , przyjmując za znane wszystkie pozostałe wielkości występujące we wzorze (15).

## 4.4 Wyznaczenie momentów bezwładności tarcz kołowych

Wzór (11) określa zredukowany moment bezwładności ruchomych elementów wciągarki bez dodatkowych tarcz A i B. Jeżeli na wałku I wciągarki (na który dokonujemy redukcji) zamocuje się tarczę A lub B to moment zredukowany bezwładności takiego układu będzie wynosił:

$$J_{redA} = J_{red} + J_A, \quad J_{redB} = J_{red} + J_B, \quad (21)$$

gdzie:  $J_A$  – moment bezwładności tarczy A względem osi centralnej prostopadłej do płaszczyzny tarczy,  $J_B$  – moment bezwładności tarczy B względem osi centralnej prostopadłej do płaszczyzny tarczy. Zatem momenty bezwładności tarcz można wyznaczyć z zależności:

$$J_A = J_{redA} - J_{red}, \quad J_B = J_{redB} - J_{red}. \quad (22)$$

Wielkości  $J_{redA}$ ,  $J_{redB}$  podobnie jak i  $J_{red}$  określa się doświadczalnie bazując na zależności (15).

## 5 Przebieg pomiarów

### 5.1 Wyznaczenie momentu oporów mechanizmu wciągarki

W celu wyznaczenia momentu  $M_t$  oporów mechanizmu należy wykonać następujące czynności:

1. Założyć na talerzyku (9) krążka ruchomego ciężarki wskazane przez osobę nadzorującą.
2. Zwolnić hamulec naciskając na dźwignię hamulca (5); układ powinien pozostawać w spoczynku mimo zwolnienia hamulca.
3. Odejmując stopniowo ciężarki z talerzyka doprowadzić do wystąpienia jego ruchu do góry.
4. Puścić dźwignię hamulca, aby zatrzymać układ; zanotować w tabeli 1 wartość masy  $m_{0_{min}}$  ciężarków znajdujących się na talerzyku krążka ruchomego w chwili wystąpienia ruchu.
5. Ponownie założyć na talerzyku krążka ruchomego ciężarki wskazane przez osobę nadzorującą.
6. Zwolnić hamulec ręczną dźwignią; cały układ powinien pozostawać w spoczynku.
7. Dodając stopniowo ciężarki doprowadzić do wystąpienia ruchu układu w stronę przeciwną aniżeli poprzednio tj. obciążony talerzyk winien poruszać się w dół.
8. Puścić dźwignię hamulca, aby zatrzymać układ; zanotować w tabeli 1 wartość masy  $m_{0_{max}}$  ciężarków umieszczonych na talerzyku krążka ruchomego w chwili wystąpienia ruchu.
9. Pomiary  $m_{0_{max}}$  i  $m_{0_{min}}$  powtórzyć trzykrotnie.
10. Obliczyć średnie wartości obydwu mas, uruchomić program CW3.EXE, a następnie wprowadzić dane do programu (można też skorzystać ze wzoru z tabeli 1) i zanotować obliczoną wartość momentu oporów.

### 5.2 Wyznaczenie zredukowanego momentu bezwładności ruchomych elementów wciągarki

1. Pod nadzorem osoby prowadzącej ćwiczenie włączyć sterownik wciągarki ZPA-107 i miernik czasu.
2. Wkręcić śruby do mocowania tarczy w koło hamulca.
3. Założyć na talerzyku (9) krążka ruchomego zestaw obciążników zapewniający uzyskanie pierwszej – ze wskazanych w dokumentacji stoiska – wartości masy  $m_1$ .
4. Ustawić talerzyk (11) (z nałożonym ciężarkiem o masie  $m_2 = 1.45$  kg – ten w czarnym kolorze) trochę poniżej linii optycznej górnej fotokomórki.
5. Włączyć zasilacz luzownika (czarna obudowa).
6. Pokręcając kołem wciągarki (przy zwolnionym hamulcu) ustawić talerzyk (11) (z nałożonym ciężarkiem o masie  $m_2 = 1.45$  kg – ten w czarnym kolorze) tuż pod linią optyczną dolnej fotokomórki (na wskaźniku zapala się wówczas zielona dioda).
7. Kiedy na wyświetlaczu miernika czasu ukaże się komunikat „Rozpocznij pomiar” nacisnąć przycisk ENTER – na wyświetlaczu pojawi się komunikat: CZEKAM NA START.
8. Po upewnieniu się, że talerzyki są nieruchome nacisnąć i natychmiast zwolnić przycisk START luzownika elektromagnetycznego. Zapisać wskazanie miernika czasu w tabeli 2.
9. Powtórzyć kroki 6, 7, 8 i 9 trzykrotnie.
10. Opisanie wyżej czynności wykonać dla dwóch następnych (zadanych) wartości mas  $m_1$ .

### 5.3 Wyznaczenie momentów bezwładności tarcz A i B

1. Zamocować dwoma śrubami na kole hamulca (4) tarczę A i wykonać czynności opisane w p. 5.2.
2. Odkręcić tarczę A, zamocować tarczę B i wykonać czynności opisane w p. 5.2.

Po zakończeniu wszystkich pomiarów należy odkręcić tarczę, zdjąć obciążniki z talerzyka krążka ruchomego, wyłączyć miernik czasu i zasilacze oraz uporządkować stoisko.

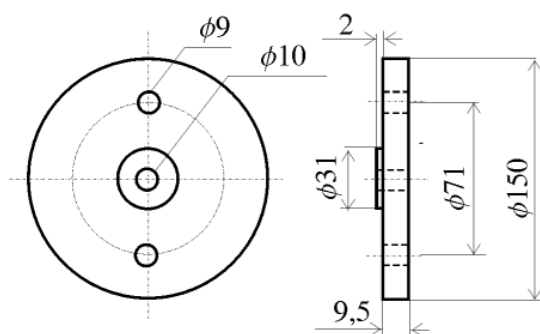
## 6 Opracowanie wyników pomiarów i sprawozdanie

Obliczyć wartości średnie czasu  $t_2$  i celem wyznaczenia momentu zredukowanego wprowadzić dane do programu komputerowego, albo użyć poniższego wzoru (dla  $m_2 = 1,45$  kg, wynik w  $\text{kg}\cdot\text{m}^2$ ):

$$J_{red} = (0,002053 [\text{kg}] - 0,0017042 - 0,013954 M_t [\text{Nm}]) t_2^2 [\text{s}]. \quad (23)$$

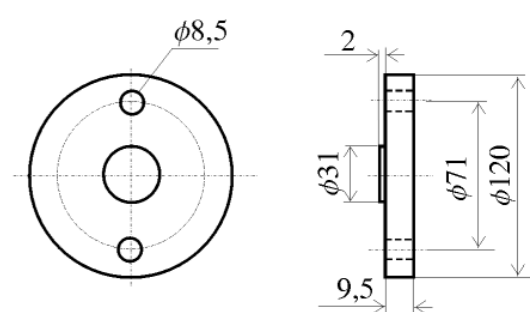
#### Tarcza A

gęstość materiału:  $\rho = 7028 \text{ kg/m}^3$   
masa tarczy:  $m = 1,175 \text{ kg}$



#### Tarcza B

gęstość materiału:  $\rho = 7877 \text{ kg/m}^3$   
masa tarczy:  $m = 0,849 \text{ kg}$



Rysunek 4: Schemat kinematyczny modelu wciągarki

Wpisać wyliczone wartości do tabeli 2 i wykorzystując otrzymane wyniki wyznaczyć momenty bezwładności tarcz A i B. Obliczyć następnie teoretyczne wartości (w sposób przybliżony i dokładny) momentów bezwładności tych tarcz. Wymiary i parametry obydwu tarcz są następujące:

<b>Tarcza A</b>	<b>Tarcza B</b>
gęstość materiału: $\rho = 7028 \text{ kg/m}^3$	gęstość materiału: $\rho = 7877 \text{ kg/m}^3$
masa tarczy: $m = 1,175 \text{ kg}$	masa tarczy: $m = 0,446 \text{ kg}$

Na koniec wyznaczyć także różnice względne wartości eksperymentalnych i teoretycznych momentów bezwładności tarcz.

## 7 Pytania kontrolne

1. Podaj definicję masowych momentów bezwładności ciała względem: osi, płaszczyzny i punktu.
2. Sformułuj twierdzenie Steinera dotyczące masowych momentów bezwładności.
3. Co to jest zredukowany moment bezwładności?
4. Narysuj schemat kinematyczny modelu wciągarki i określ rodzaje występujących ruchów; dla elementu poruszającego się ruchem płaskim wskaż położenie chwilowego środka obrotu.

**LABORATORIUM  
MECHANIKI  
TECHNICZNEJ**

**Ćwiczenie 3**

**WYZNACZANIE ZREDUKOWANEGO MOMENTU  
BEZWŁADNOŚCI UKŁADU MECHANICZNEGO I  
MASOWYCH MOMENTÓW BEZWŁADNOŚCI TARCZ  
KOŁOWYCH**

Grupa: \_\_\_\_\_  
Zespół: \_\_\_\_\_

data \_\_\_\_\_

Imię i nazwisko:

1. \_\_\_\_\_
2. \_\_\_\_\_
3. \_\_\_\_\_
4. \_\_\_\_\_
5. \_\_\_\_\_
6. \_\_\_\_\_

Tabela 1: Moment oporów mechanizmu wciągarki

nr	masa minimalna $m_{0_{\min}}$	masa maksymalna $m_{0_{\max}}$	moment oporów $M_t$
	[kg]	[kg]	[Nm]
1			$M_t = 0.07358 [m_{0_{\max}} - m_{0_{\min}}]$
2			
3			
wart. śr.			

Tabela 2: Masowe momenty bezwładności

nr	czas			zredukowany mom. bezwł.			momenty bezwładności tarcz A i B					
$m_1$	$t_2$			$J_{red} \cdot 10^3$			$J_A \cdot 10^3$		$J_B \cdot 10^3$			
[kg]	[s]			[kg m <sup>2</sup> ]			[kg m <sup>2</sup> ]		[kg m <sup>2</sup> ]			
	bez tarcz	tarcza A	tarcza B	bez tarcz	tarcza A	tarcza B	eksp. (17)		eksp. (17)		teoria	
							pom.	śr.	pom.	śr.		
śr. czas												
śr. czas												
śr. czas												

**Dane liczbowe**

Masy talerzyków i krążka ruchomego:

$$m_{t1} = 0.34 \text{ kg}, m_{t2} = 0.54 \text{ kg}, m_{kr} = 0.385 \text{ kg}.$$

Promienie bębna, koła hamulca i krążka:  $r_b = 36 \text{ mm}$ ,  $r_3 = 30 \text{ mm}$ ,  $r_{kr} = 40 \text{ mm}$ .

Momenty bezwładności bębna, wałków, kół zębatach i hamulca oraz krążka:

$$J_1 = 0.613 \cdot 10^{-4} \text{ kg}\cdot\text{m}^2, J_2 = 1.661 \cdot 10^{-3} \text{ kg}\cdot\text{m}^2, J_3 = 1.378 \cdot 10^{-3} \text{ kg}\cdot\text{m}^2, J_4 = 0.317 \cdot 10^{-4} \text{ kg}\cdot\text{m}^2, J_5 = 2.988 \cdot 10^{-3} \text{ kg}\cdot\text{m}^2, J_6 = 2.268 \cdot 10^{-3} \text{ kg}\cdot\text{m}^2, J_7 = 0.293 \cdot 10^{-4} \text{ kg}\cdot\text{m}^2, J_8 = 4.019 \cdot 10^{-4} \text{ kg}\cdot\text{m}^2.$$

Liczby zębów kół:  $z_1 = 28$ ,  $z_2 = 86$

Droga talerzyka:  $s_2 = 0.42 \text{ m}$ .